

# きみろん Comp. 第6章

## — 「Q 学習」による最短距離探索問題 —

### 学習するコンピューター

皆さん、とうとうこの「きみろん Comp.」も最終章にやってきました。この最後の章では、コンピューターに学習させる方法を考えることにします。コンピューターの使い方を学ぶのではなく、コンピューターに学習させる方法を学ぶのです。

コンピューターというのは不思議な道具です。自分で考えたアルゴリズムでコードを書き、それが動いた！という体験を持つと、コンピューターそのものが何か「知性」を持っているように思えてきます。

1950年代、コンピューターが「電子計算機」として大量の計算を必要とする研究所に普及し始めた頃、多くの計算機科学をやっていた人が共通に感じた感覚もそうだったと思います。そしてその予感、この先コンピューターはヒトレベルの知能を持てるようになるという確信に変わり、人工的に知性というものを創ろうとする研究者が現れるようになりました。その人工的な知性は、人工知能 (**artificial intelligence**) 略して **AI** (エーアイ) と呼ばれ、その研究は今も続いています。**AI**の研究はしたがって70年ほどの歴史があることになります。

2012年に **Google** (グーグル) が「**AI** が自発的に猫を認識することに成功した」と発表します。猫？と突っ込みたくなりますが、**AI** が認識する相手は猫に限らず、牛でも豚でもいいのです。動画や静止画を見て「この猫、かわいい！」ということができるのはそれまでヒトにしかできないことでした。(ヒト以外でも、例えば牛や豚も猫がかわいいと思っているのかもしれませんが、ここでは生命体ではないものが猫を認識したという意味です。) これは「**AI** が視覚を獲得した」ということを意味しているという研究者もいます。

2017年5月には、**Google** に買収されたイギリスのベンチャー企業 **DeepMind** 社製の **AlphaGo** (アルファ碁) という囲碁ソフトが、世界の頂点にいる棋士と目されていた中国の柯潔九段を3戦全勝で破るというとんでもないことがおこります。このころから、**AI** は人間を超えたといわれるようになり、これまでの人工知能を研究していた研究成果が一気に花開き始めました。その中でも有名なものが **Deep Learning** (深層学習) という学習方法です。聞いたことのある人もいるでしょう。さらには、ネットの巨大データ (**Big Data**) の中から **AI** を利用して有益な情報を見つけ出す研究者は **Data Scientist** と呼ばれるようになりました。やっとなんか **数学 OK** の **コンピューター OK** の人が高給取になれる時代が来たのです(笑)。

本講座では、**AI** の初歩を学ぶことにします。本テキストは、「実際にプログラムを組んで学ぶ」という哲学で書かれています。できるだけ難しい数式でごまかすようなことはしないようにと考えています。講座では「コンピューターマウスがゴールへの最短距離を見つけられるか」という課題に挑みましょう。

日照時間	アイスクリームの数
2	4
3	5
5	7
7	10
9	15

長岡科学技術大学のサイトより引用

図 1

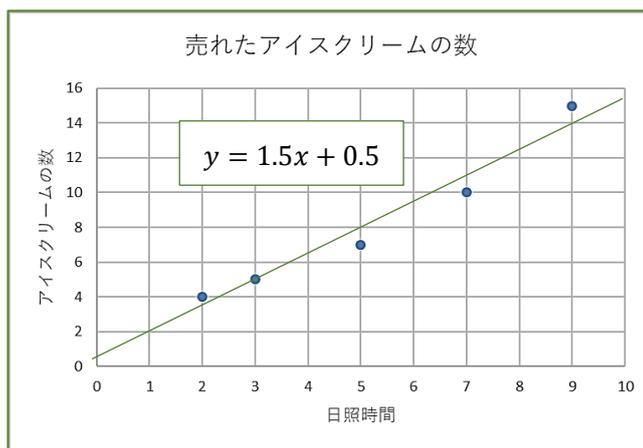
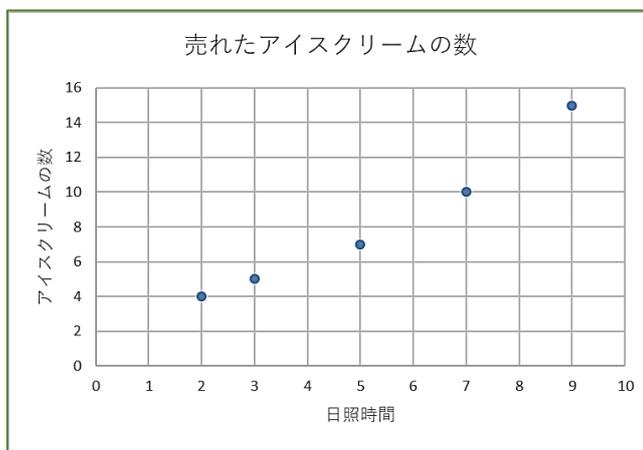


図 2

## 最小二乗法 回帰モデル

この講座の第二章で、鼻デカ坊やが振動してそのデータをとる話を覚えていませんか。そのときばねの「ばね定数」 $k$ を決定させた方法が「最小二乗法」でした。実はこの方法はコンピューターがデータを使って「考え」、予測を導き出す時の、最も基本的な手法になっています。

データには「誤差」が存在し、その「誤差」と理論値との差の二乗の和が最小になる値を見つけ出す方法が最小二乗法でした。この方法は「統計学」や人工知能の研究分野である「機械学習分野」では、「回帰分析」と呼ばれています。ゴルトンという生物学者が個体ごとの大きさや質量の差を研究しているときに名付けたそうです。生物のサイズはたいてい誤差が「正規分布」(きみろんテキスト参照)になり、最小二乗法を使って研究できることが分かりました。彼は、生物のサイズは世代を重ねると「平均的な値に回帰していく」と主張しました。この「回帰」の言葉がちょっとロマンチックに残ったのです。

さて、図 1 を見てください。ちょっとほんとかよ！というデータです。こんな研究ができれば楽しいですね。さて、このデータをグラフにすると図 2 のようになります。

もう、みんなだったらこれを最小二乗法を使って直線に近似しようとしますね。これを「線形化する」といいます。直線じゃない近似は「非線形近似」。別名「メンドクサイノデヤマトケ」という近似です。第 2 章ではこれをエクセルを使って計算させながら最小値を求めました。アイスクリームの例でやってみたところ、日照時間を  $x$ 、売れたアイスクリームの数を  $y$  とすると図 2 の下のような線形の近似式になります。これを人工知能の分野では「回帰方程式」と呼びます。

	日照時間x	曜日w	アイスクリームの数y
SAT	3	7	20
SUN	6	6	23
MON	4	5	17
TUE	7	4	20
WED	5	3	15
THU	0	2	4
FRI	7	1	13

図 3

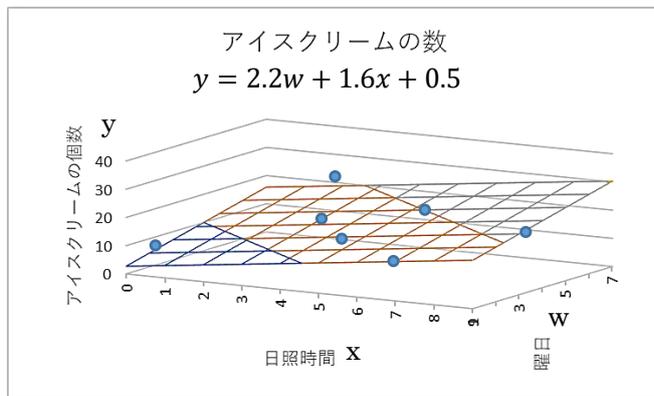


図 4

## 重回帰モデル

データを使って学習するコンピューターは、どうも「**回帰方程式**」を作って理解し、それで予測するという思考方法を持っています。

それでは図3をみてください。

A「前ページのデータは、アイスクリームは日が照ってるほうが売れるってわけだけど、図3の表は・・・？」

B「アイスクリームって、もちろん曜日にも関係するんじゃない？」

C「土曜日とか休日は当然売れるよね」

A「それじゃ、曇った日の土曜日は？」

BC「えっ・・・ん?!」

実はこれも最小二乗法を使った回帰分析で回帰方程式を求めることができます。詳しい方法は、コンピューターに任せることにしますが、図4のように、今度は直線ではなく平面になります。

この平面の上側や下側に実際のデータが分散しているのです。

この平面のような次元の高い回帰方程式を求める方法を「**重回帰分析**」といいます。

データの種類が多くなればなるほど、回帰分析によって導かれる回帰方程式は変数だらけの恐ろしいものになりそうです。計算時間も半端じゃないでしょう。もちろん直線や平面より次元の高い  $n$  次元曲面です。

これをコンピューターで解く方法は、これまでいろんな手法が開発されてきました。ディープラーニングもその一つとっていいでしょう。ディープラーニングは、演算の仕組みそのものを動物の脳の仕組みをモデル化した「ユニット」(人工ニューロン)と呼ぶ演算子によって行います。この構造全体をニューラルネットワーク(神経細胞ネットワーク)と呼んでいます。

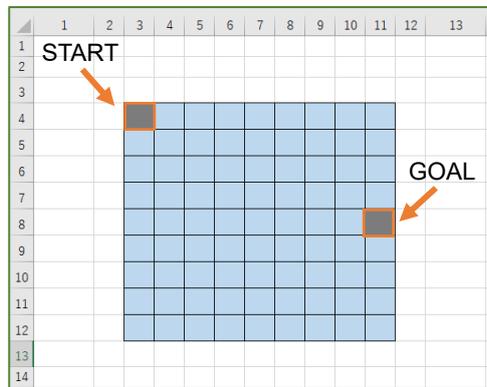


図 Q-1

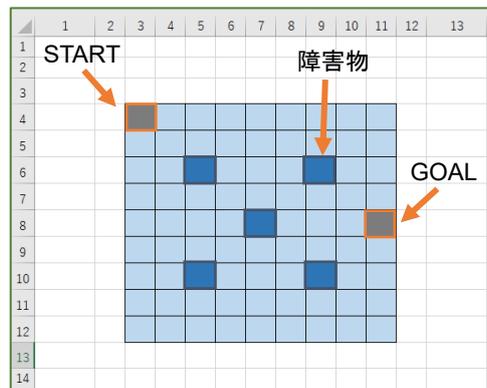


図 Q-2

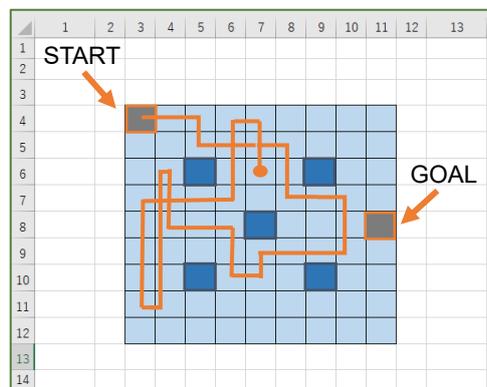


図 Q-3

## 経路探索問題

今回こんなプログラムを作ってみようと思います。図 Q-1 をご覧ください。9×9 のマス目を Sheet1 に作ります。これが今回の舞台です。例えば左上のマス目から隣のマス目にサイコロを振って移動していきとします。サイコロを振って「右」が出たら右に移動できます。サイコロは「上」「下」「左」「右」の4つの目が出るものとします。ただし、START 時のマス目は「上」や「左」にはいきませんね。このようにしてランダムに進んだとしたら、例えば右端の中央に設定した GOAL にどのぐらいでたどり着けるのでしょうか。これもモンテカルロ法の手法ですね。

このプログラムには、図 Q-2 のように障害物も自由に設定できるとします。もちろん障害物のほうには進むことはできません。

このように設定したプログラムを 100step だけ走らせてみます。100 回サイコロを振るといことです。100step というのはマス目が 9×9 ですから、理屈上すべてのマス目上を辿れることになります。でもひょっとして狭い範囲で行ったり来たりで終わる可能性も十分あります。それとは逆に短い step であつという間に GOAL する場合もあるかもしれません。

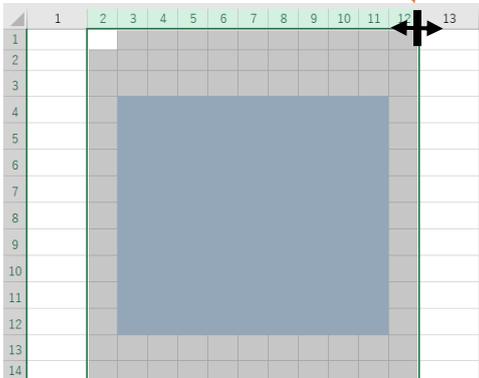
何回に 1 回 GOAL できると思いますか。

GOAL を探し当てたときちょっとコンピューターと一緒に喜びたくなります。しかしその後の探索も、コンピューターは試行錯誤の繰り返しです。

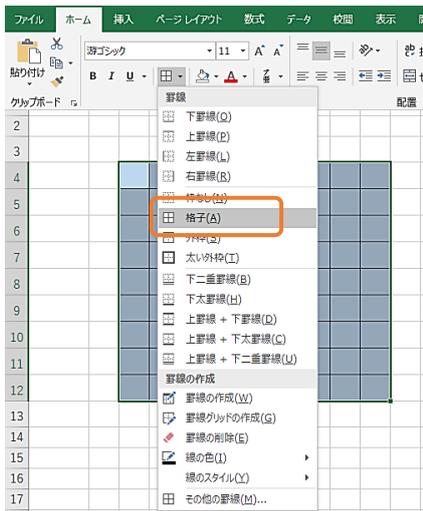
どうやったらコンピューターに GOAL した成功体験を学習させてやることができるのでしょうか。

これが今回のテーマです。

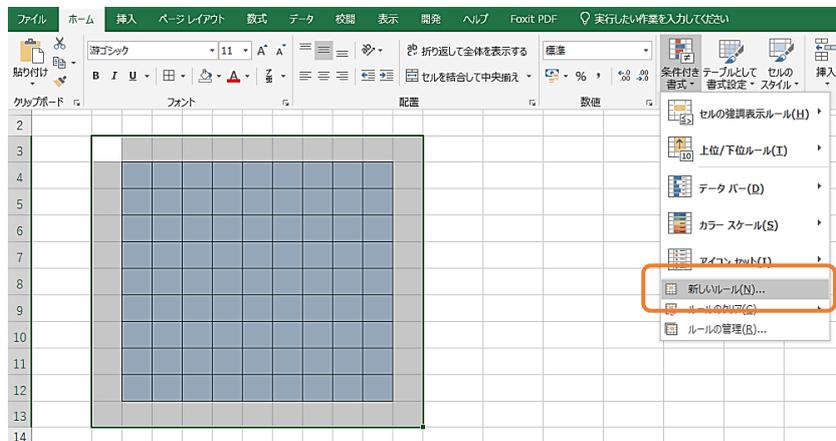
左クリックしたまま幅を 36 ピクセルまで縮める



横 36 ピクセル×縦 31 ピクセル程度のマス目をセル (3,2) からセル (13, 12) のレンジ (範囲) に作る。



9×9マス目板全体を選択して、「ホーム」タブから「罫線」を選び「格子」をクリック

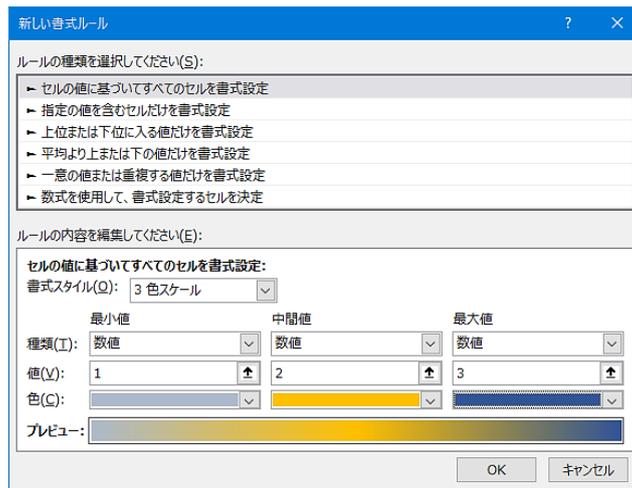


格子の外側のセルも選んでドラッグし「ホーム」タブの「条件付き書式」から「新しいルール」を選ぶ

## 9×9 のマス目

Excel の Sheet1 に左図 Q-4 のような流れで 9×9+外側のマス目を作っていきます。

1. 9×9 のマス目に線を引く
2. 9×9 のマス目の外側のセルは障壁にする。
3. マス目に数字の 1 を入れると背景の色が現れる。
4. マス目に数字の 2 を入れるとマス目の中を動く何か (生命体) の色になる。
5. マス目に数字の 3 を入れると壁になる。



数値の値が 1, 2, 3 のときにどんな色にするか決める。

図 Q-4

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13
1													
2													
3		3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4		3	2	1	1	1	1	1	1	1	1	1	3
5		3	1	1	1	1	3	1	1	1	1	1	3
6		3	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	3
7		3	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	3
8		3	1	3	1	1	3	1	1	3	1	1	3
9		3	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	3
10		3	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	3
11		3	1	1	1	1	3	1	1	1	1	1	3
12		3	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	3
13		3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
14													

図 Q-5

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22
1																						
2																						
3		3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3									
4		3	2	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1									
5		3	1	1	1	1	3	1	1	1	1	1	1									
6		3	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1									
7		3	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1									
8		3	1	3	1	1	3	1	1	3	1	1	1									
9		3	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1									
10		3	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1									
11		3	1	1	1	1	3	1	1	1	1	1	1									
12		3	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1									
13		3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3									
14																						
15																						
16																						
17																						
18																						
19																						
20																						
21																						
22																						
23																						
24																						
25																						
26																						
27																						
28																						
29																						
30																						
31																						
32																						
33																						
34																						
35																						
36																						
37																						
38																						
39																						
40																						
41																						
42																						
43																						
44																						
45																						
46																						
47																						
48																						
49																						
50																						
51																						
52																						
53																						
54																						
55																						
56																						
57																						
58																						
59																						
60																						
61																						
62																						
63																						
64																						
65																						
66																						
67																						
68																						
69																						
70																						
71																						
72																						
73																						
74																						
75																						
76																						
77																						
78																						
79																						
80																						
81																						
82																						
83																						
84																						
85																						
86																						
87																						
88																						
89																						
90																						
91																						
92																						
93																						
94																						
95																						
96																						
97																						
98																						
99																						
100																						

図 Q-6

## サイコロの記録

図 Q-5 を見てください。9×9 のマス目板の外側に壁ができています。またマス目板の中にも 5 つの障壁を作りました。障壁は、どこにいくつ作ってもかまいません。このプログラムが完成した後も、自由に障壁を作ることができるようにプログラミングすることにします。

スタートとゴールの位置は、とりあえず決めておきます。スタートはセル (4,3)、ゴールはセル (8, 11) です。これも最終的には自由に設定できるようにします。

移動するのはサイコロを担いだマウス M ということにしておきます。まずこのマウスがどこのセルにいたとき振ったサイコロの目はどれだけだったかを記録する表を図 Q-6 のように作っておきます。

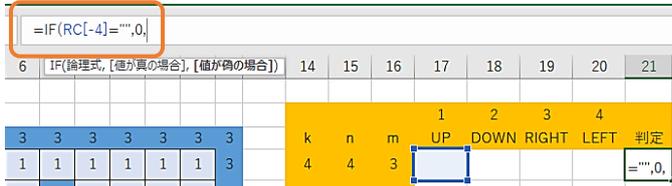
セル (n,m) の列は、セル (4,3) から始まって 9×9 マス目板を横にセル(4,11)まで行った後、次にセル(5,3) からまた右にセル(5,11) について、次もセル(6,3)からという具合に最後はセル (12,3)からセル(12,11)まで書いてあります。数値を間違えないよう作ってください。

もし何回も同じセルに戻ってきた場合は、最後にセルを出たときの記録が残ります。

セル(4,21)をクリックして式を書きしていく。

① =IF(RC[-4]="",0

意味 もしここ（セル 4,21）から左に 4 番目のセルが空白 “ ”（数字キー2の上にあるダブルクォーテーションを 2 回押して書きます）ならここに0って書いてください。



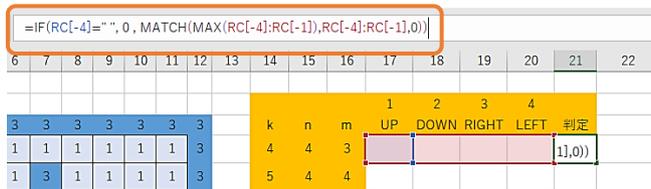
② =IF(RC[-4]="",0,MATCH(MAX(RC[-4]:RC[-1]))

意味 そうじゃなかったら、左 4 番目から左隣までのセルの中で一番大きい(MAX)ヤツは・・・

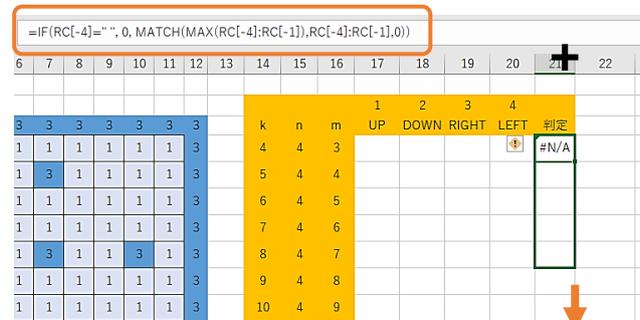


③=IF(RC[-4]="",0,MATCH(MAX(RC[-4]:RC[-1]),RC[-4]:RC[-1],0)

意味 その 4 つの並びの中で左から何番目になるか、



④ 1 から 4 の番号で書きなさい。



フィルハンドル

図 Q-7

## MATCH 関数

ここで今まで使ったことのない Excel のシート上で使う MATCH 関数というものを使ってみます。例で紹介します。

例

MATCH(MAX(A1:D1), A1:D1, 0)

これはセルの A1 から D1 までの中で最大値があるセルは A1 から何番目にあるかを返してくれる関数です。

実際の Sheet1 に書きながら見ていきます。この表の UP, DOWN, RIGHT, LEFT の欄には、そのセルにマウスMが来た時に転がしたサイコロの値が乱数として記入されるようにします。そしてその4つの乱数のうち最も大きいものの向きに従うこととするのです。UP, DOWN, RIGHT, LEFT には番号を 1,2,3,4 とつけておきます。するとどっちに進むかは番号で示されることとなります。

例えばセル(4,17)からセル(4,20)に出てくる乱数の値のうち一番大きいものを選び、それを1,2,3,4の番号に直してセル(4,21)に書いてくれるわけです。

ついでにマウスMが訪れなかったセルは 0 を返してくれるようにします。

### #N/A の意味

「左の 4 つのセルが空白なんですけど、#N/A が出てきます?！」

「ああ「空白」を認識していないようです。」

「一番上の4つのセルの中にスペースキーを打って「空白」を入れてください。入れたら最下部までそうなるようフィルハンドルしてください。」

「あ、全部0になりました！」

- ⑤ #N/A が出てきているんですけど・・・
- ⑥ 一番上の4つのセルに「スペースキー」で空白を入れてみてください。#N/A がなくなって数字の0になるはずですよ。
- ⑦ 上の4つのセルをフィルハンドルしていくと #N/A が0 になっていきます。

	14	15	16	17	18	19	20	21	22
				1	2	3	4		
k	n	m	UP	DOWN	RIGHT	LEFT	判定		
4	4	3						0	
5	4	4						0	
6	4	5						0	
7	4	6						0	
8	4	7						0	
9	4	8						0	
10	4	9						0	
11	4	10						0	
12	4	11						0	
13	5	3						0	
14	5	4						0	
15	5	5						0	
16	5	6						0	
17	5	7						#N/A	
18	5	8						#N/A	
19	5	9						#N/A	



- ⑧ 適当な場所にダミーの数字を入れて、確かに最大値のあるセルの場所を「判定」でちゃんと書いてくれるか確認しましょう。

	14	15	16	17	18	19	20	21	22
				1	2	3	4		
k	n	m	UP	DOWN	RIGHT	LEFT	判定		
4	4	3						0	
5	4	4						0	
6	4	5						0	
7	4	6		23	12	1	5	1	
8	4	7		8.9	9	9.1	8.8	3	
9	4	8						0	
10	4	9						0	
11	4	10						0	
12	4	11						0	
13	5	3						0	
14	5	4						0	
15	5	5						0	
16	5	6						0	
17	5	7						0	
18	5	8						0	
19	5	9						0	

図 Q-8

## プログラミングへ

まだどうやってプログラミングするのか不思議だと思います。実際に製作したプログラムでは、はじめこの表はありませんでした。

プログラミングから先に始めたのです。そのため、マウスがモンテカルロ法でランダムに動くようにはなりましたが、そこから、コンピューターが学習する方法で行き詰ってしまったのです。

学習させる方法とプログラミングがうまくつながりません。製作中のある日曜日の朝、妻が入れてくれたミルクティーに力をもらい、思い切ってそれまでに作ったプログラムを書き直しました。

この表を先に作り、そしてプログラムを改良したのです。そこから完成へと進むことができました。

この講座では、できるだけプログラミングのブラックボックス化をなくそうと思っています。ブラックボックスというのは、例えば MATCH 関数のように中身がわからないものです。これもプログラミングでうまく作れると思うのですが、ちょっとズルをしてしまいました。

このテキストを作る前に最近人気の Python で作れないか検討するためにいろいろな本を読みました。しかし、いろんな人が開発したブラックボックスがあちこちに出てきて「こりゃだめじゃ」ということになりました。VBA でやった後、大学で Python や C++ 言語をやるといいと思います。C++ 言語は大学でよく使われています。

VBA の良さは、表計算のシートが横にあるということです。いちいち作らずに済みます。言語は一つ知っていれば他の言語はすぐ使えるようになります。ニューラルネットワークにも表が有効という本もあります。

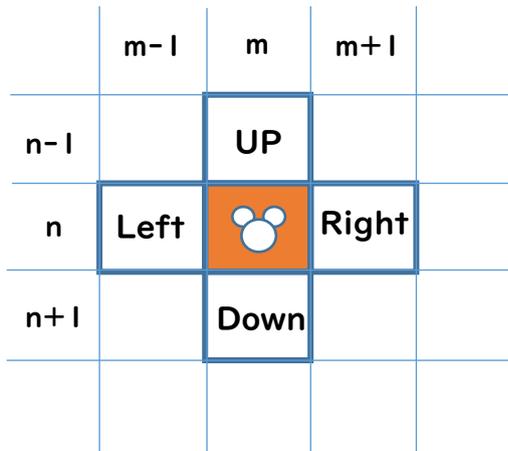


図 Q-9

Dim n , m , k , step As Integer  
Dim U, D, R, L As Single

Sub 経路発見()

'出発地点

n = 4

m = 3

Cells(n, m) = 2

For step = 1 To 100

'表の行番号 k を決定する

If n = 4 Then

k = 1 + m

ElseIf n = 5 Then

k = 10 + m

ElseIf n = 6 Then

k = 19 + m

ElseIf n = 7 Then

k = 28 + m

ElseIf n = 8 Then

k = 37 + m

ElseIf n = 9 Then

k = 46 + m

ElseIf n = 10 Then

k = 55 + m

ElseIf n = 11 Then

k = 64 + m

ElseIf n = 12 Then

k = 73 + m

Else

End If

## マウスMよ 動け！

マウスM が Cells(n,m) にいるとします。そのとき上のセル UP の場所は左図を見ればすぐわかりますね。

UP = Cells ( n - 1 , m )

となります。同様にして

Down = Cells ( n + 1 , m )

Right = Cells ( n , m + 1 )

Left = Cells ( n , m - 1 )

ここからがプログラミングのスタートです。実際に作った私のプログラミングも、まず白い紙に図 Q-9 を書いたところから始めました。

### プログラムを読み解いていく

それでは一緒にプログラムを読み解いていきます。プログラムのコードを書く白いシートを出して、意味の分かったものから少しずつコードを書きしていきます。左のコードを見てください。ちょっと長く 3 頁にわたっています。

Sub 経路発見()

End Sub

まず「経路発見」という名前のプログラムなんだとみて、End Sub がどこに書かれているかを探します。3 頁目ですね。

次に

'出発地点

から後の 3 行を読み、スタート地点のセルがセル (4,3) つまり右上でセルの値を「2」にしなさい。つまりマウスM がそこにいるということにしなさいという意味であると読みます。

「」(シングルクォーテーション 7 のキーの上) をはじめに書くとコードとは認識されません。プログラムの内容を書いておくと後から改良していくとき便利です。

次の IF から End If までは例えばセル(8,8)は Sheet1 の表に書いてあるセルの通し番号 k の何番になるかを調べるコードです。

**問題** IF から End If までのコードを読んでセル(8,8)の場所は k がいくつになるか答えよ。

(解答は次の次のページ)

## 'UP DOWN RIGHT LEFT のサイコロの値を記録

```
If Cells(n - 1, m) = 1 Then
  U = Rnd()
Else
  U = 0
End If
```

```
If Cells(n + 1, m) = 1 Then
  D = Rnd()
Else
  D = 0
End If
```

```
If Cells(n, m + 1) = 1 Then
  R = Rnd()
Else
  R = 0
End If
```

```
If Cells(n, m - 1) = 1 Then
  L = Rnd()
Else
  L = 0
End If
```

## a) 進める可能性のあるセルの調査

(マウスMはセル(n,m)にいます。)  
もし上のセル(n-1,m)の値が 1 だったら (上 (UP) に行くことが可能だから) サイコロを振ってその値を UP を意味する U の箱に入れます。それ以外の場合は(Else) U=0とします。それ以外というのは、このとき上のセルが3という値なら移動可能性は0ということです。

以下「下のとき (Down)」「右のとき (Right)」「左のとき(Left)」が同じように書いてあります。

これで U,D,R,L という箱の中にサイコロの値が入りました。

この値の中で一番大きいものを探する必要があります。最初に Sheet 1 に MATCH 関数を使って準備をしておいたので、表に入れてやれば自動で計算結果を出してくれるはずで。

```
Cells(k, 17) = U
Cells(k, 18) = D
Cells(k, 19) = R
Cells(k, 20) = L
```

```
Cells(n, m) = 1
```

## b) 調査結果を表に報告

まだマウスMはセル(n,m)にいます。その場所のkの値もすでに計算済みですね。そこで

Sheet1 のサイコロの値の表のセル(k,17)UPのセルにUの値を入れときます。同様にしてセル(k,18)DOWNにDの値、セル(k,19)RIGHTにRの値、セル(k,20)LEFTにLの値を入れときます。

今のマウスのいるセルはマウスのいない空きセル1にしておきます。(だってもうそのセルは次に空き部屋になります。)

すると、表計算の MATCH 関数が最も確率の高いセルを見つけてくれます。

それがセル(k,21)です。

'サイコロの目が最も大きかったセルに移動する

```

Select Case Cells(k, 21).Value

Case Is = 1
  Cells(n - 1, m) = 2
  n = n - 1

Case Is = 2
  Cells(n + 1, m) = 2
  n = n + 1

Case Is = 3
  Cells(n, m + 1) = 2
  m = m + 1

Case Is = 4
  Cells(n, m - 1) = 2
  m = m - 1

End Select

```

c) 一番可能性の大きいセルを知る

どれが一番サイコロの目が大きいかの判定がセル(k,21)に出ています。このセルの値が 1 のときは UP つまり上に行けということだから、上のセル(n-1,m)を2としてマウスが移動したことにします。このとき新しく n-1 を n と置き直して新しいマウスの位置(n,m)とします。

同様にして値が 2 の時は、DOWN で、下のセルに移動します。3 の時は RIGHT で右のセルに、4 の時は LEFT で左のセルに移動します。移動したら新しいマウスの位置(n,m)とします。



このようにしてモンテカルロ法でマウスがうろろうしていたら、100Step の間にこちらがゴールと設定しているセル(8,11)に達することがあるかもしれません。そのときの処理の仕方を作っておく必要があります。



```

'もしゴールに達した時の処理
If Cells(8, 11) = 2 Then
  Cells(8, 12) = 2
  step = 100
Else
End If

Next step
Cells(n, m) = 2

```

End Sub

d) マウスが偶然ゴールに来たら！

もしマウスがゴールであるセル(8,11)に達していたらセルのマス目板の外側のセル(8,12)を2にして色を変えマス目から出た感じを作ります。そして Step 数を 100 にして Step の 100 回繰り返しを途中でやめさせます。また最後マウスのいるセル Cells(n,m)も値を 2 にして終わりにします。

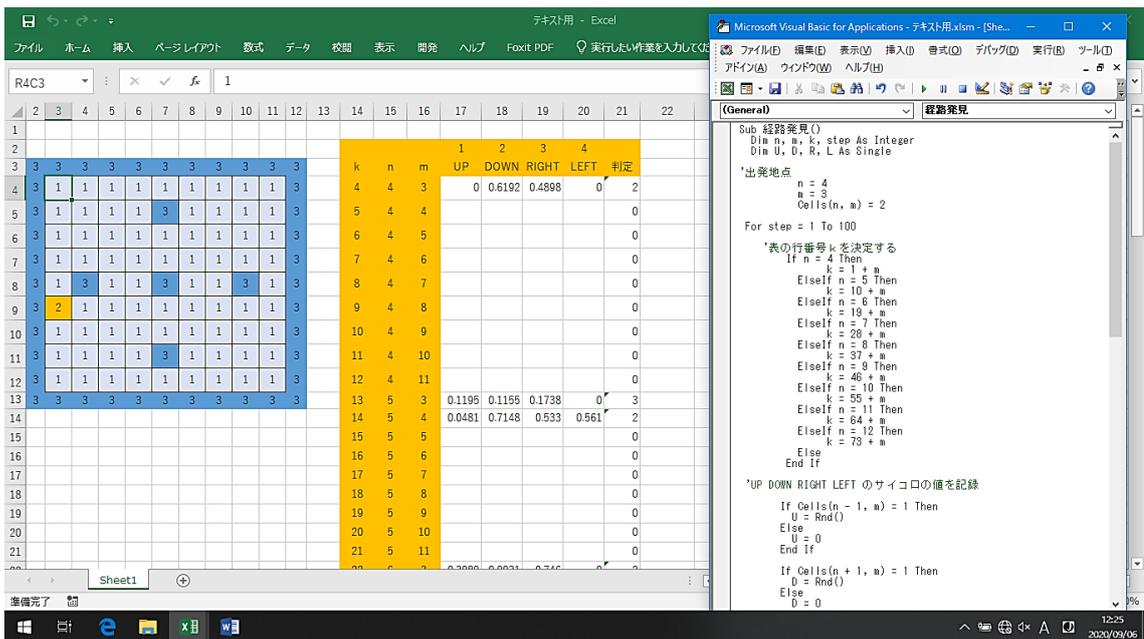


図 Q-10

図ではDim文がSub 経路発見()の中に入っているが、これは下のように外に出しておくほうがよい。

```
Dim n, m, k, Step As Integer
Dim U, D, R, L As Single
Sub 経路発見()
```

## F8 で走らせる

コードを理解し図 Q-10 のように書いたら、F8 を使って一行ずつ実行させながら、思い通りに動かかやってみましょう。まず表の K=4 のところにサイコロの目が書かれ、判定が 2 もしくは 3 になりマウス M が動き出したら第一段階クリアです。

次に F8 を押しっぱなしにするとマウスが行ったり来たりうろろしているのが観測できます。表には、飛び飛びでサイコロの目が記録されていきます。同じところに戻ると、新しいものに上書きされます。

次に■でクリアし ▶ を使って、一気にプログラムを実行させたいのですが、ここで注意です。まだ製作途中ですので、新しくスタートさせるときには次の 2 つのことを手動する必要があります。

1. 表の乱数の部分をすべて空白する。つまりマウスで空白をフィルハンドルしながら乱数を消す。
2. マス目板のマウス M の最後の位置 2 を 1 にしておく。

## マウス M が…！！

ところが、▶ で動かすとあっという間に 100 Step 動き回って我々には最後のマウス M の位置しか確認できません。F8 を使ってマウスを動かしたときは、ウロウロしてゆっくり動いてかわいかったのが、急に F1 マシンに乗ったマウスみたいになってしまいます。これではどう動いているのかわかりません。これから改良していきましょう。学習させるまえに、はや過ぎるマウスの動きをとらえる必要が出てきました。

サイコロの値と判定	1	2	3	4	判定	マウスの経路	障害物の位置
k n m	UP	DOWN	RIGHT	LEFT		STEP n m	n m
4 4 3	0	0.6192	0.4898	0	2		
5 4 4					0		
6 4 5					0		
7 4 6					0		
8 4 7					0		
9 4 8					0		
10 4 9					0		
11 4 10					0		
12 4 11					0		
13 5 3	0.1195	0.1155	0.1738	0	3		
14 5 4	0.0481	0.7148	0.533	0.561	2		
15 5 5					0		
16 5 6					0		
17 5 7					0		
18 5 8					0		
19 5 9					0		
20 5 10					0		

図 Q-11

Dim n, m, k, step As Integer  
Dim U, D, R, L As Single

Sub 経路発見()

'出発地点

n = 4  
m = 3  
Cells(n, m) = 2

For step = 1 To 100

'表の行番号 k を決定する

If n = 4 Then  
k = 1 + m  
ElseIf n = 5 Then  
k = 10 + m  
ElseIf n = 6 Then  
k = 19 + m  
= 7 Then  
k = 28 + m  
Then

n が -n とマイナスがついていることに注意

Cells(4, 23) = 0  
Cells(4, 24) = -n  
Cells(4, 25) = m

## グラフで追跡

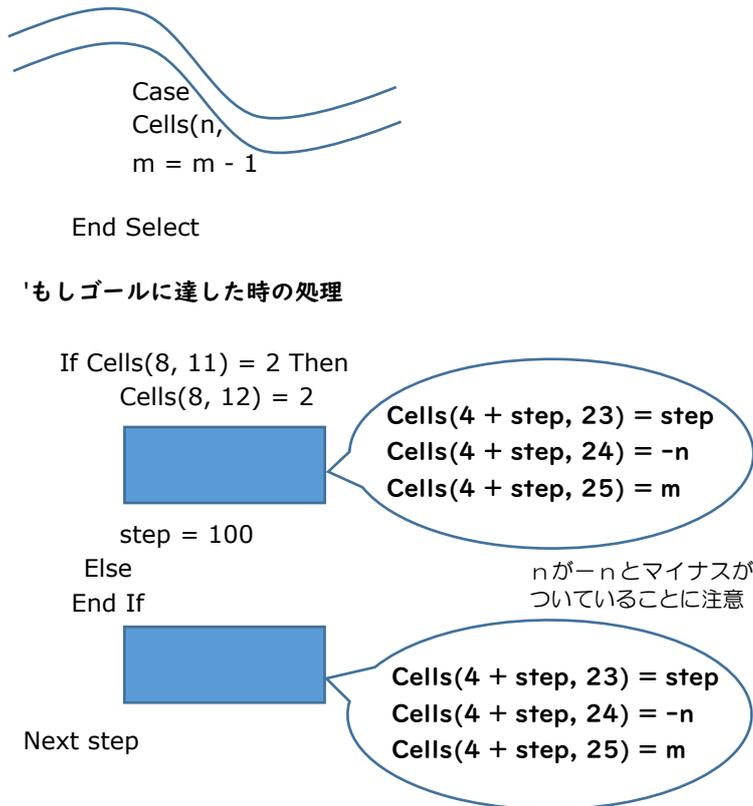
マウスMがどのように動いているのかは 9×9 マス目板ではうまくわからないということが分かりました。

それでグラフで動きをトレースすることにします。トレースとは軌跡を線で表すということです。

まず Sheet1 に図 Q-11 のように新しい表を作ります。一つはマウスの経路を STEP 毎に記録する表です。これを散布図グラフにしてトレースすれば動きが分かるかもしれません。

もう一つは、その散布図グラフに障害物の位置も記録できるようにするための「障害物データ表」です。

ここにプログラムでデータが入るようにしましょう。左のコードを見てください。新しく挿入するコードを吹き出しで、入れる場所を長方形で示しています。



挿入するコードは、まず **step = 0** としてスタート地点セル(4,3) の値を (-4,3)として **n** を -n として入れておきます。マイナスにするのはグラフを描くためです。

最後に左のコードに書かれている吹き出しを見てもらうと分かるように、**step** の順番が1のときのマウス **M** の位置、2のときの位置・・・というふうに **Sheet1** に作った表「マウスの経路」の中に数値が入っていくこととなります。

コードを追加したら、**F8** を使って手で表の中に数値が入っていくか確認します。何かバグがあると動きません。

うまく動くと **図 Q-12** のように表に数値が入っていきます。この図のときはたまたま **step68** でゴールに達しました。

The screenshot shows the VBA code editor with the following code:

```

Sub (General)
Case Is = 1
Cells(n - 1, m) = 2
n = n - 1
Case Is = 2
Cells(n + 1, m) = 2
n = n + 1
Case Is = 3
Cells(n, m + 1) = 2
m = m + 1
Case Is = 4
Cells(n, m - 1) = 2
m = m - 1
End Select

'もしゴールに達した時の処理
If Cells(8, 11) = 2 Then
Cells(8, 12) = 2
Cells(4 + step, 23) = step
Cells(4 + step, 24) = -n
Cells(4 + step, 25) = m
step = 100
Else
End If

Cells(4 + step, 23) = step
Cells(4 + step, 24) = -n
Cells(4 + step, 25) = m

Next step
End Sub
    
```

The Excel spreadsheet shows a maze grid with a path highlighted in blue and yellow. The table 'マウスの経路' (Mouse Path) is as follows:

STEP	n	m	障害物の位置
0	-4	3	
1	-5	3	
2	-4	3	
3	-5	3	
4	-6	3	
5	-6	4	
6	-6	5	
7	-7	5	
8	-6	5	
9	-6	6	
10	-7	6	
11	-6	6	
12	-5	6	
13	-4	6	
14	-5	6	
15	-4	6	
16	-4	7	

図 Q-12



図 Q-13

```

Sub 探索開始前の初期設定()
  Cells(8, 12) = 3
  k = 4
  For n = 4 To 12
    For m = 3 To 11
      Select Case Cells(n, m).Value
        Case Is = 1

        Case Is = 2
          Cells(n, m) = 1

        Case Is = 3
          Cells(k, 27) = -n
          Cells(k, 28) = m
          k = k + 1
      End Select
    Next m
  Next n
End Sub

```

$k=k+1$  というのは初め  $k=4$  のセル (4,27)(4,28)に障害物の位置を書きますが、次の障害物の位置は、 $k$  の値を一つ増やして一つのセル(5,27)(5,28)に書くようにするためです。

## 経路図を描く

100step の試行の後、図 Q-13 のような経路図が出ていたら、どのような動きをしたか一目でわかります。例に上げたグラフはなんと 68 ステップで GOAL に達しています。これは「散布図」の中の各点を曲線で結ぶグラフを選択したものです。

このグラフがいいのは、行ったり来たりが曲線を使っておおよそわかるという点です。

このグラフを自分で作ることができますか？簡単そうですが、縦軸が  $-n$ 、横軸が  $m$  になっていますのでちょっと工夫がいります。卒業試験だと思って挑戦してみましょう。

さらに、この経路図には障害物が描かれていないために、もう一つ分かりにくいものになっています。そこで障害物も自動で入るようにしておきます。

左のコードを読んでみてください。もうずいぶん読めるようになったのではないのでしょうか。

### e) 探索前のフィールドの掃除

ゴールした場合 2 に代わっているセル (8,12)を 3 にして壁に戻します。k の値は  $k=4$  とおきます。

次はマス目のセルが 2 のものは 1 に直し、セルの値が 3 のものは障害物として Sheet1 の表に記録させます。まず  $n=4$  としてマス目板の 4 行目の並びを  $m=3$  から 11 までセルを一つずつチェックしていきます。それが済んだら今度はマス目板の  $n=5$  で 5 行目の横の並びのセルをチェック。12 行目までそれをやるということになります。つまりマス目のすべてのマス初期化します。

Dim n, m, k, step As Integer

Dim U, D, R, L As Single

Sub 探索開始前の初期設定()

Cells(8, 12) = 3

k = 4

For n = 4 To 12

For m = 3 To 11

Select Case Cells(n, m).Value

Case Is = 1

Case Is = 2

Cells(n, m) = 1

Case Is = 3

Cells(k, 27) = -n

Cells(k, 28) = m

k = k + 1

End Select

Next m

Next n

End Sub

Sub 経路発見()

'出発地点

n = 4

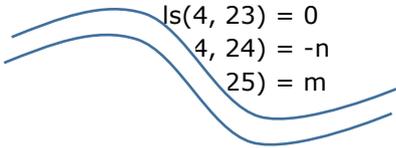
m = 3

Cells(n, m) = 2

Cells(4, 23) = 0

Cells(4, 24) = -n

Cells(4, 25) = m



## プログラムチェック

「探索開始前の初期設定」というプログラムができれば、左のようにプログラムを大きく2つ書いたことになり、変数の定義である

Dim n, m, k, step As Integer

Dim U, D, R, L As Single

は2つのプログラムの外に出し、2つのプログラム共通の定義だということにします。

図 Q-14 のようにコードを書いたら F8 で「探索開始前の初期設定」のプログラムの最初にカーソルをもってきて F8 でチェックしていきます。うまく走ると、9×9 マス目板には2がなくなり、スッキリした盤面になります。また右の「障害物の位置」には障害物の座標が入っていき、プログラムがマス目板を一番上から順に横のほうに点検していくのがリアルに分かります。「おう、読んでいる読んでいる」という感じでしょうか。プログラムを書くときはこんな実感が大事なのです。

STEP	n	m	障害物の位置
	n	m	
0	-4	3	-5 7
1	-5	3	-8 4
2	-4	3	-8 7
3	-5	3	-8 10
4	-6	3	-11 7
5	-6	4	
6	-6	5	
7	-7	5	
8	-6	5	
9	-6	6	
10	-7	6	
11	-6	6	
12	-5	6	
13	-4	6	
14	-5	6	
15	-4	6	
16	-4	7	
17	-4	6	

```

Dim n, m, k, step As Integer
Dim U, D, R, L As Single

Sub 探索開始前の初期設定()
    Cells(8, 12) = 3
    k = 4
    For n = 4 To 12
        For m = 3 To 11
            Select Case Cells(n, m).Value
            Case Is = 1
            Case Is = 2
                Cells(n, m) = 1
            Case Is = 3
                Cells(k, 27) = -n
                Cells(k, 28) = m
                k = k + 1
            End Select
        Next m
    Next n
End Sub

Sub 経路発見()
    '出発地点
    n = 4
    m = 3
    Cells(n, m) = 2
    Cells(4, 23) = 0
    Cells(4, 24) = -n
    Cells(4, 25) = m

    For step = 1 To 100
        '表の行番号 k を決定する
        If n = 4 Then
            k = 1 + n
        ElseIf n = 9 Then
            k = 10 + n
        ElseIf n = 6 Then
            k = 10 + n
        End If
    End For
End Sub
    
```

図 Q-14



図 Q-15-a

図 Q-15 のようにグラフ「マウス M の経路」の中に障害物も入れました。ずいぶん分かりやすくなりましたね。

それでは今まで作ったプログラムにスタートボタンも作り、マウス M がサイコロを振りながらランダムにゴールを目指して動き回るプログラム「マウスの冒険」α版 を完成させましょう。図 Q-15-b のようにプログラム「マウスの冒険」α版の特徴をまとめましたので見てください。

障壁は自由に作れますので、完成したらいろいろ障壁のバリエーションを変えて実験してみましょう。

### プログラム「マウスの冒険」α版 の特徴

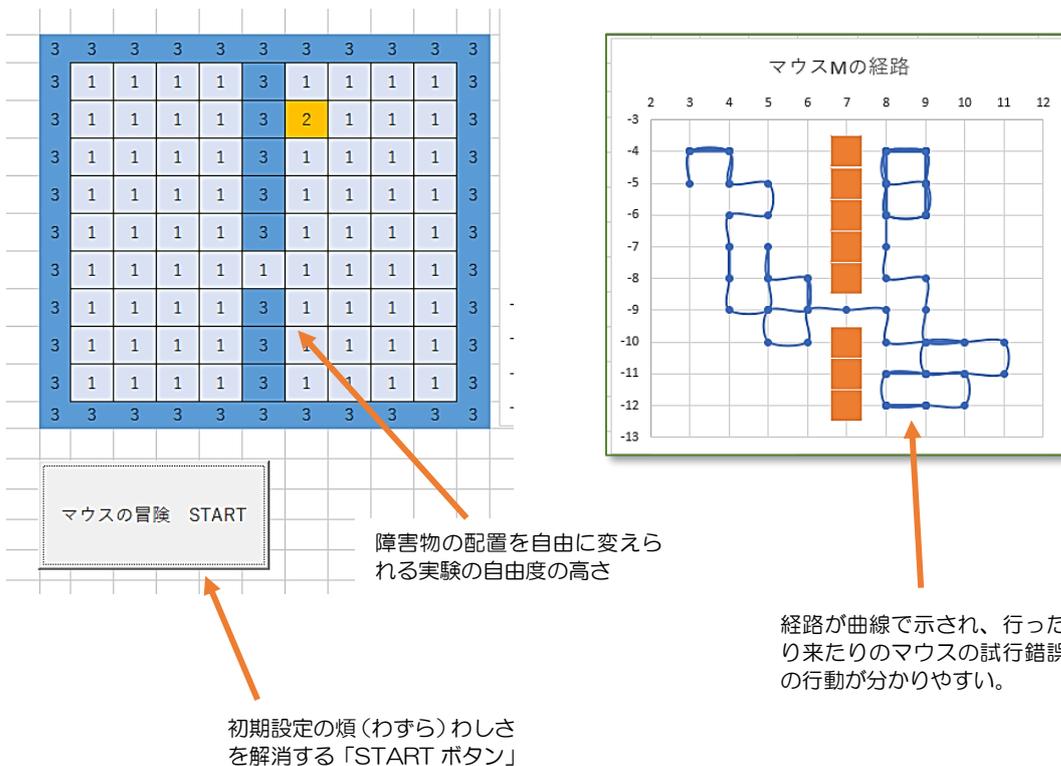


図 Q-15-b

## プログラム「マウスの冒険」α版

```
Dim n, m, k, step As Integer
Dim U, D, R, L As Single
```

```
Sub マウスの冒険()
```

```
    探索開始前の初期設定
```

```
    経路発見
```

```
End Sub
```

```
Sub 探索開始前の初期設定()
```

```
    'サイコロの値を初期化
```

```
        Range(Cells(4, 17), Cells(84, 20)).Value = ""
```

```
    'マウスの経路を初期化
```

```
        Range(Cells(4, 23), Cells(104, 25)).Clear
```

```
    '障害物を初期化
```

```
        Range(Cells(4, 27), Cells(84, 28)).Clear
```

```
    '9×9 マス目板の初期化
```

```
        Cells(8, 12) = 3
```

```
        k = 4
```

```
        For n = 4 To 12
```

```
            For m = 3 To 11
```

```
                Select Case Cells(n, m).Value
```

```
                    Case Is = 1
```

```
                    Case Is = 2
```

```
                        Cells(n, m) = 1
```

```
                    Case Is = 3
```

```
                        Cells(k, 27) = -n
```

```
                        Cells(k, 28) = m
```

```
                        k = k + 1
```

```
                End Select
```

```
            Next m
```

```
        Next n
```

```
End Sub
```

```
Sub 経路発見()
```

```
    '出発地点
```

```
        n = 4
```

```
        m = 3
```

```
        Cells(n, m) = 2
```

```
        Cells(4, 23) = 0
```

```
        Cells(4, 24) = -n
```

```
        Cells(4, 25) = m
```

```
    For step = 1 To 100
```

```
        '表の行番号 k を決定する
```

```
            If n = 4 Then
```

```
                k = 1 + m
```

```
            ElseIf n = 5 Then
```

「マウスの冒険」というメインプログラムは、2つのプログラム「探索開始前の初期設定」と「経路発見」からできている。

サイコロの初期化コード

空白[""]を入れて初期化していることに注意

Range (レンジ) というのは「範囲」ということ。

Range(Cells(1,1),Cells(5,5)) というのは下図の範囲

	1	2	3	4	5
1	3	4	37		
2		2	3		
3			12		
4		97		23	
5					15

Range (Cells(1,1),Cells(5,5)) .Clear とすると下図のようになる。

	1	2	3	4	5
1					
2					
3					
4					
5					

```

k = 10 + m

ElseIf n = 6 Then
    k = 19 + m
ElseIf n = 7 Then
    k = 28 + m
ElseIf n = 8 Then
    k = 37 + m
ElseIf n = 9 Then
    k = 46 + m
ElseIf n = 10 Then
    k = 55 + m
ElseIf n = 11 Then
    k = 64 + m
ElseIf n = 12 Then
    k = 73 + m
Else
End If

```

'UP DOWN RIGHT LEFT のサイコロの値を記録

```

If Cells(n - 1, m) = 1 Then
    U = Rnd()
Else
    U = 0
End If
If Cells(n + 1, m) = 1 Then
    D = Rnd()
Else
    D = 0
End If
If Cells(n, m + 1) = 1 Then
    R = Rnd()
Else
    R = 0
End If
If Cells(n, m - 1) = 1 Then
    L = Rnd()
Else
    L = 0
End If
Cells(k, 17) = U
Cells(k, 18) = D
Cells(k, 19) = R
Cells(k, 20) = L
Cells(n, m) = 1

```

'サイコロの目が最も大きかったセルに移動する

```

Select Case Cells(k, 21).Value
Case Is = 1
    Cells(n - 1, m) = 2
    n = n - 1

```

```

Case Is = 2
Cells(n + 1, m) = 2
n = n + 1
Case Is = 3
Cells(n, m + 1) = 2
m = m + 1
Case Is = 4
Cells(n, m - 1) = 2
m = m - 1
End Select
'もしゴールに達した時の処理
If Cells(8, 11) = 2 Then
Cells(8, 12) = 2
Cells(4 + step, 23) = step
Cells(4 + step, 24) = -n
Cells(4 + step, 25) = m
step = 100
Else
End If
Cells(4 + step, 23) = step
Cells(4 + step, 24) = -n
Cells(4 + step, 25) = m
Next step
Cells(n, m) = 2
End Sub

Private Sub CommandButton1_Click()
マウスの冒険
End Sub

```

これが「マウスの冒険」のスタートボタンを持つプログラム「マウスの冒険」というプログラムを実行せよという意味。

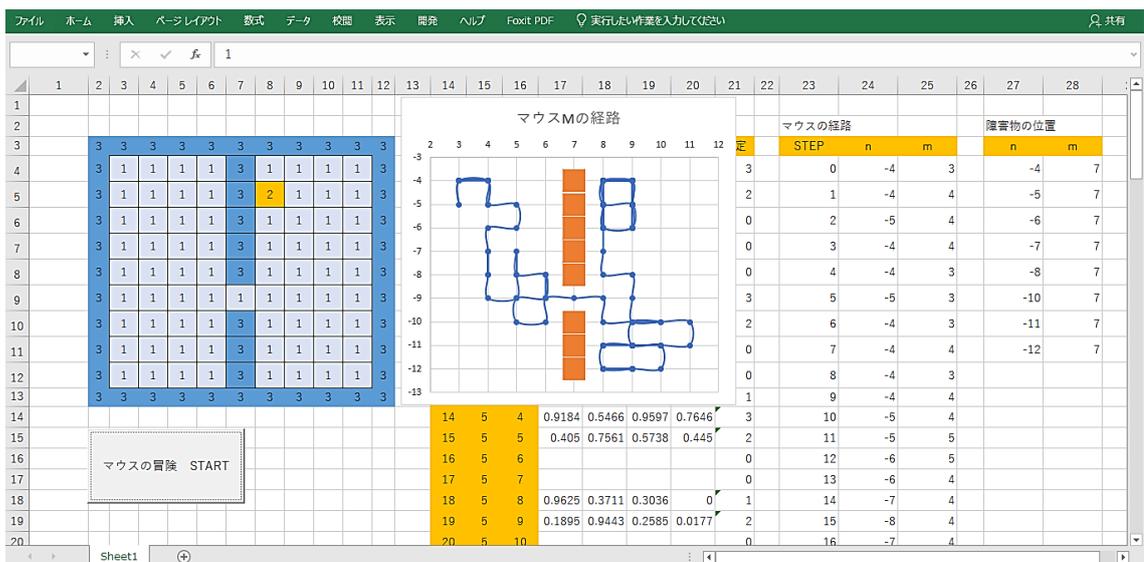


図 Q-16

## 学習するマウス

さて、何とかマウス M はランダムに経路を探索するようになりました。マウス M は、「マウスの冒険」ボタンを押すたびに文句も言わず探索してくれます。何回かやっていると、意外にゴールに達するパターンがあるのに気づきませんか。そりゃ、100回も行ったり来たりすれば辿り着きますよね。

障害物の位置や数も色々変えてみましょう。いろいろのパターンがあることに気づくはずです。特に、突破する穴が1個しかない場合はわかりやすいですね。

こうやって探索させていると、こんなことを考えませんか。

『ゴールに達した時は、そのコースを覚えていてくれたらいいのに・・・』

そうですね。それならこうしてはどうでしょう。ゴールしたら、その時の判断はよかったとして評価してあげるのです。ゴールに達したのだったら、セルの中のマウスがサイコロで決めた一つ一つの向きには何らかの出口への可能性が他の向きより高いのかもしれない。

うまく言ったらほめてあげる、これは学習させる大事な方法です。

これを人工知能の研究では「Q 学習」と呼んでいます。なぜ「Q 学習」というのかは不思議ですが、この章の最後にこの「Q 学習」(Q Learning) の Q に込められた研究者の意図にちょっと触れたいと思います。

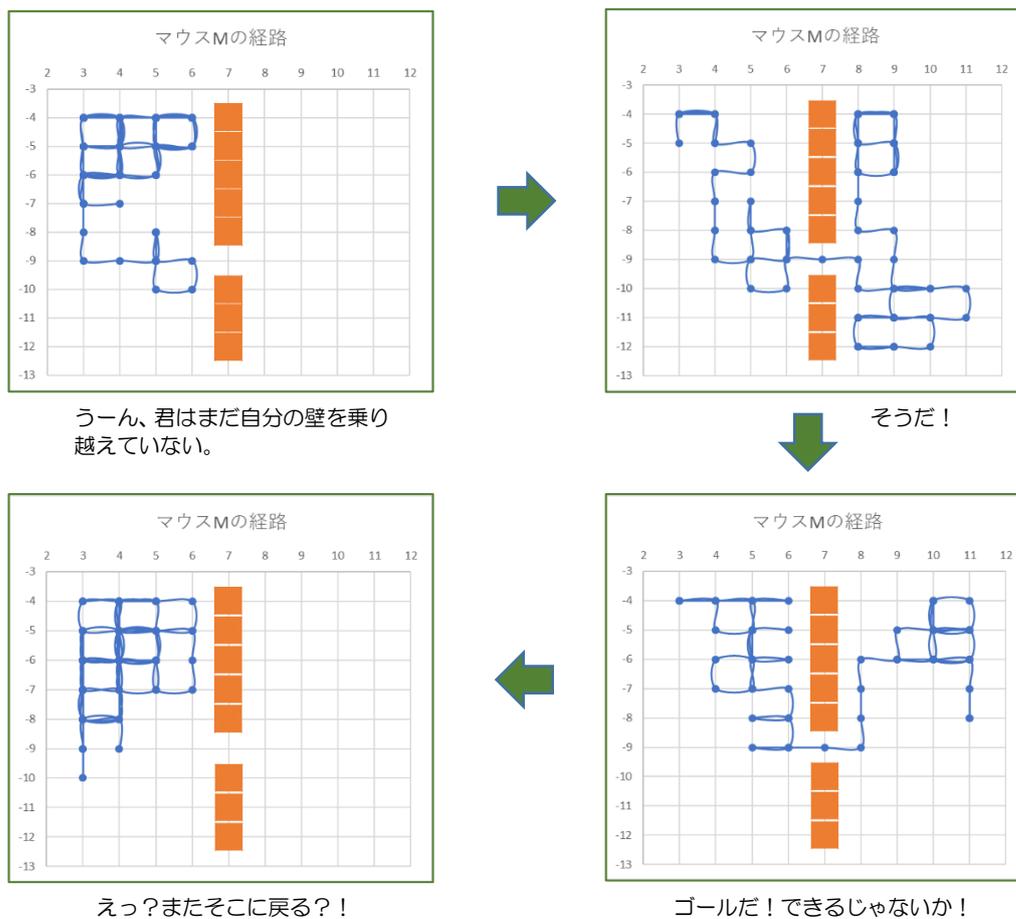


図 Q-17

## 新しいファイル「マウスの冒険β版」

まずこれまでに完成した作品を次の名前にして保存します。

マウスの冒険 **α** 版

次に、今度は学習するマウスをこの **α** 版を改良しながら作っていきます。このファイルの名前を

マウスの冒険 **β** 版

とすることにします。保存の仕方はわかりますか。「マウスの冒険 **α** 版」を開いたまま、「ファイル」タブから「名前をつけて保存」を開き、「現在のフォルダ」の中に、**α** を **β** に変えて保存するだけです。すると、これまでの **α** 版はしっかりフォルダにありますから、**β** 版でいろいろ改良しても安心ですね。

まず、図 Q-16 のように「Qシート」というのを作りましょう。これは、マウスMがゴールに達した時の各セルの判定を記憶させるものです。**α** 版に少し知性を持ってもらうための頭脳に当たるのが「Qシート」です。「Qシート」という名前はちょっと変ですが、これから作っていく **AI** の学習方法を一般に **Q** 学習と呼んでいることから名付けました

「Qシート」としてコピー&ペースト  
値は0にしておく

サイコロの値と判定				判定				マウスの経路			障害物の位置		Qシート							
k	n	m		UP	DOWN	RIGHT	LEFT	STEP	n	m	n	m	k	n	m	UP	DOWN	RIGHT	LEFT	
4	4	3		0	0.272	0.053	0	2	0	-4	3	-4	7	4	4	3	0	0	0	0
5	4	4		0	0.8516	0.7337	0.8758	4	1	-4	4	-5	7	5	4	4	0	0	0	0
6	4	5						0	2	-4	3	-6	7	6	4	5	0	0	0	0
7	4	6						0	3	-4	4	-7	7	7	4	6	0	0	0	0
8	4	7						0	4	-5	4	-8	7	8	4	7	0	0	0	0
9	4	8						0	5	-4	4	-10	7	9	4	8	0	0	0	0
10	4	9						0	6	-4	3	-11	7	10	4	9	0	0	0	0
11	4	10						0	7	-5	3	-12	7	11	4	10	0	0	0	0
12	4	11						0	8	-6	3			12	4	11	0	0	0	0
13	5	3		0.1151	0.4459	0.0433	0	2	9	-7	3			13	5	3	0	0	0	0
14	5	4		0.8247	0.6618	0.2991	0.1291	1	10	-8	3			14	5	4	0	0	0	0
15	5	5						0	11	-7	3			15	5	5	0	0	0	0

75	11	11						0	71	-9	9			75	11	11	0	0	0	0
76	12	3						0	72	-10	9			76	12	3	0	0	0	0
77	12	4		0.3247	0	0.7482	0.5938	3	73	-10	10			77	12	4	0	0	0	0
78	12	5		0.1966	0	0.8965	0.3564	3	74	-10	11			78	12	5	0	0	0	0
79	12	6		0.2355	0	0	0.0089	1	75	-9	11			79	12	6	0	0	0	0
80	12	7						0	76	-10	11			80	12	7	0	0	0	0
81	12	8						0	77	-9	11			81	12	8	0	0	0	0
82	12	9						0	78	-9	10			82	12	9	0	0	0	0
83	12	10						0	79	-10	10			83	12	10	0	0	0	0
84	12	11						0	80	-9	10			84	12	11	0	0	0	0
85									81	-9	11									
86									82	-9	10									
87									83	-10	10									
88									84	-9	10									

図 Q-18

Sub Q シート転写()

```

For k = 4 To 84
  Select Case Cells(k, 21).Value
    Case Is = 1
      Cells(k, 33) = Cells(k, 33) + 1
    Case Is = 2
      Cells(k, 34) = Cells(k, 34) + 1
    Case Is = 3
      Cells(k, 35) = Cells(k, 35) + 1
    Case Is = 4
      Cells(k, 36) = Cells(k, 36) + 1
  End Select
Next k
End Sub
    
```

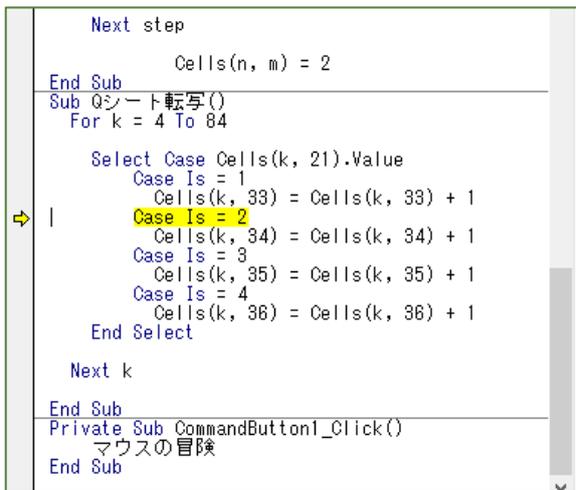


図 Q-19 - a

## Q シートとは？

ゴールしたときの記憶がその後のマウスの動きに影響あたえらるとどうなるのでしょうか。この改良プログラムβ版では、ゴールに達した場合、その成功体験をマウスに与えることにします。

具体的には、ゴールした時の各セルでの向きを、その後のサイコロの値に少しだけ反映させるのです。まずその成功体験を記憶させる表を作ります。この表の名前を「Q シート」というのは前ページで触れましたね。

左の「Qシート転写」というプログラムを見てください。このプログラムの意味は図 Q-19-a のように実際にコードを入力して、F8 で走らせてみるとよく分かります。下の図 Q-17-b の 2 つの表を見比べながら動かして見てください。ゴールを果たしたときには、左の表から Q シートに結果が上から順に重ね書きの形で記録されていきます。

サイコロの値と判定	1	2	3	4				
k	n	m	UP	DOWN	RIGHT	LEFT	判定	
4	4	3	0	0.7731	0.3381	0	2	
5	4	4	0	0.751	0.4199	0.4134	2	
6	4	5	0	0.1265	0.2583	0.8793	4	
7	4	6	0	0.594	0	0.9755	4	
8	4	7					0	
9	4	8					0	
10	4	9					0	
11	4	10					0	
12	4	11					0	
13	5	3	0.3764	0.8879	0.4144	0	2	
14	5	4	0.6199	0.8771	0.1632	0.0695	2	
15	5	5	0.2984	0.4115	0.3504	0.6366	4	
16	5	6	0.0529	0.9159	0	0.8461	2	
17	5	7					0	
18	5	8					0	
19	5	9					0	

Qシート	1	2	3	4				
k	n	m	UP	DOWN	RIGHT	LEFT		
4	4	3	0	1	0	0		
5	4	4	0	1	0	0		
6	4	5	0	0	0	1		
7	4	6	0	0	0	1		
8	4	7	0	0	0	0		
9	4	8	0	0	0	0		
10	4	9	0	0	0	0		
11	4	10					0	
12	4	11					0	
13	5	3	0	1	0	0	0	
14	5	4	0	1	0	0	0	
15	5	5	0	0	0	1	0	
16	5	6	0	1	0	0	0	
17	5	7	0	0	0	0	0	
18	5	8	0	0	0	0	0	
19	5	9	0	0	0	0	0	

左の表ではセル(4,6)にマウスが来た時は、左 (LEFT) 向きに進んだことが分かる。これを「Q シート」に記録する。セル(4,6)のときは左向き 1 回と数字の 1 を入れる。2 度の目のゴールでもこのセルから左に行った場合は、また 1 が足されて 2 となる。

図 Q-19 - b

## 'UP DOWN RIGHT LEFT のサイコロの値を記録

```
UR = Cells(k, 33).Value
DR = Cells(k, 34).Value
RR = Cells(k, 35).Value
LR = Cells(k, 36).Value
```

今マウスがいるセルの、Qシートの値を読み込む。Qシートの値は、どちらに行けばゴールする確率が高いかを経験的に教えてくれる。

```
If Cells(n - 1, m) = 1 Then
  U = Rnd() + UR *  $\gamma$ 
Else
  U = 0
End If
```

```
If Cells(n + 1, m) = 1 Then
  D = Rnd() + DR *  $\gamma$ 
Else
  D = 0
End If
```

もし下側のセルが1でそちに移動可能な時、サイコロを振る。そのサイコロの値は、乱数にそれまでの成功回数に0.01をかけたものを加えている。そのため、以前ゴールした向きのほうがその分だけ確率が上がるようにしている。

```
If Cells(n, m + 1) = 1 Then
  R = Rnd() + RR *  $\gamma$ 
Else
  R = 0
End If
```

```
If Cells(n, m - 1) = 1 Then
  L = Rnd() + LR *  $\gamma$ 
Else
  L = 0
End If
```

```
Cells(k, 17) = U
Cells(k, 18) = D
Cells(k, 19) = R
Cells(k, 20) = L
Cells(n, m) = 1
```

このときのそれぞれの向きの確率を、「サイコロの値と判定」の表に記録する。また、マウスは移動してこのセル(n,m)は空になるので、数値を1としておく。表では、一番確率の大きい向きが判定され、表の(k, 21)に判定結果が示される。

## Qシート利用

左のコードは a 版では、セル(n,m)にいるマウスがサイコロを振るプログラムでした。これを改良しています。説明します。

セルには k=4 から k=84 まで通し番号がついていることを思い出してください。このコードの前に、今マウス M がいるセル(n,m)の数値からセルの通し番号 k を計算しています。従って、縦に k の値が書かれている「Qシート」から、そのセルに以前マウスが来た時、どっちに行ったらゴールまで達している回数が多い向きかという情報が手に入ります。

最初の 4 行はその時の Q シートの情報を UP,DOWN,RIGHT,LEFT 別に読み取ってそれを UR,DR,RR,LR というところに入れときます。次に

```
If Cells(n - 1, m) = 1 Then
  U = Rnd() + UR *  $\gamma$ 
Else
  U = 0
End If
```

は今マウスがいるセルの真上のセルがもし1で空だったら、真上に行ったほうが良い可能性を計算します。そのとき、これまで上に行ってゴールした回数 UR に記憶定数  $\gamma$  をかけたものを、乱数 Rnd() に加えます。 $\gamma=0.01$  程度にすると乱数 Rnd() の値はあまり変化しませんが、成功回数が 100 回を超えると乱数の値より大きくなり、有利性が固定化します。それが

$$U = \text{Rnd}() + UR * \gamma$$

という計算式の意味です。このプログラムのキモになる計算になります。

```

Sub マウスの冒険()
    探索開始前の初期設定
    経路発見
    If Cells(8, 11) = 2 Then
        Q シート転写
    Else
    End If
End Sub
    
```

**Sub マウスの冒険() ~ End Sub**  
 このプログラムは短いけれどメインプログラムです。まずマウス M がゴールまでの探索を開始する初期設定をします。そして、探索に出かけます。もし、セル(8,11)というゴールに達したのだったら、その探索を記憶するために Q シートにどのセルのときはどっちに行ったかを書き写しときます。その後、探索しゴールを見つけるたびに、Q シートに回数が加算されるようになります。また、一回の探索で同じところを出たり入ったりした場合は、最後に出た向きだけが記録されるようになっています。

```

Private Sub CommandButton2_Click()
    Range(Cells(4, 33), Cells(84, 36)).Value = 0
End Sub
    
```

**PrivateSubCommandButton2\_Click() ~End Sub**  
 探索は連続して 350~400 回以上行いながらマウスに学習してもらいます。その間 Q シートの記憶は蓄積されます。最初からやるには、Q シートの記憶をリセットする必要があります。

記憶RESET

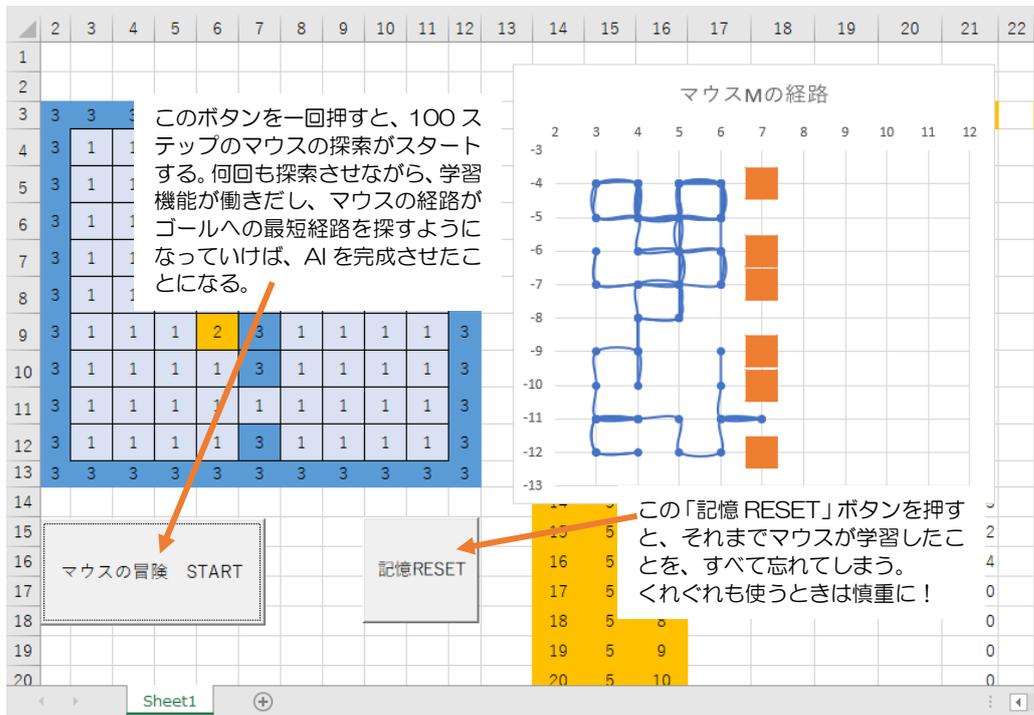


図 Q-20

## プログラム「マウスの冒険」β版

```
Dim U, D, R, L, UR, DR, RR, LR, γ As Single
Dim k, n, m, step As Integer
```

## Sub マウスの冒険()

```
  探索開始前の初期設定
```

```
  経路発見
```

```
    If Cells(8, 11) = 2 Then
```

```
      Qシート転写
```

```
    Else
```

```
    End If
```

```
End Sub
```

## Sub 探索開始前の初期設定()

```
'記憶定数
```

```
  γ = 0.01
```

```
'サイコロの値を初期化
```

```
  Range(Cells(4, 17), Cells(84, 20)).Value = ""
```

```
'マウスの経路を初期化
```

```
  Range(Cells(4, 23), Cells(104, 25)).Clear
```

```
'障害物を初期化
```

```
  Range(Cells(4, 27), Cells(84, 28)).Clear
```

```
'9×9マス目板の初期化
```

```
  Cells(8, 12) = 3
```

```
  k = 4
```

```
  For n = 4 To 12
```

```
    For m = 3 To 11
```

```
      Select Case Cells(n, m).Value
```

```
        Case Is = 1
```

```
        Case Is = 2
```

```
          Cells(n, m) = 1
```

```
        Case Is = 3
```

```
          Cells(k, 27) = -n
```

```
          Cells(k, 28) = m
```

```
          k = k + 1
```

```
      End Select
```

```
    Next m
```

```
  Next n
```

```
End Sub
```

## Sub 経路発見()

```
'出発地点
```

```
  n = 4
```

```
  m = 3
```

```
  Cells(n, m) = 2
```

## AI プログラム

β版が完成しました。左にその全コードを書いています。一つ一つチェックしていきましょう。

各サブルーチン (Sub() ~End Sub) は F8 でデバッグが済んでいるものが多いので、動き出すのは早いでしょう。「探索開始前の初期設定」の所に「記憶定数」として  $\gamma=0.01$  としました。これは、このぐらいが最適なのではないかと考えて入れているものです。

動き出したら、まず「記憶 RESET」ボタンを押して、Qシートをまっさらにリセットします。そして「マウスの冒険 START」ボタンを押して、冒険させましょう。100回や200回では中々最短距離を見つけ出すまでにはいきません。時々とんでもない冒険もしてくれます。これをQ学習では **explore** と呼んでいます。せっかくだいいい方向でゴールを見つけたのに次のチャレンジでは全く違うことをしてしまう。学習ではこれがないと、だめなのかもしれません。一方で、以前成功したルートに頼ろうとする判断は **exploit** と呼ばれているそうです。その割合がこのQ学習のキモです。

このプログラムでは、回を重ねるごとにルートが決まってくるようになります。つまり、はじめはほとんど冒険 (**explore**) ですが、次第に確定のルートが巧みに利用される (**exploit**) ようになります。

「記憶定数」 $\gamma=0.01$  がもっと小さいとマウスの冒険は収束するまでに時間がかかります。もっと大きいと、収束は早いのですが、それが最短距離に収束することはありません。これも実験してみてください。

```

Cells(4, 23) = 0
Cells(4, 24) = -n
Cells(4, 25) = m
For step = 1 To 100
  '表の行番号 k を決定する
  If n = 4 Then
    k = 1 + m
  ElseIf n = 5 Then
    k = 10 + m
  ElseIf n = 6 Then
    k = 19 + m
  ElseIf n = 7 Then
    k = 28 + m
  ElseIf n = 8 Then
    k = 37 + m
  ElseIf n = 9 Then
    k = 46 + m
  ElseIf n = 10 Then
    k = 55 + m
  ElseIf n = 11 Then
    k = 64 + m
  ElseIf n = 12 Then
    k = 73 + m
  Else
  End If
  'UP DOWN RIGHT LEFT のサイコロの値を記録
  UR = Cells(k, 33).Value
  DR = Cells(k, 34).Value
  RR = Cells(k, 35).Value
  LR = Cells(k, 36).Value
  If Cells(n - 1, m) = 1 Then
    U = Rnd() + UR *  $\gamma$ 
  Else
    U = 0
  End If
  If Cells(n + 1, m) = 1 Then
    D = Rnd() + DR *  $\gamma$ 
  Else
    D = 0
  End If
  If Cells(n, m + 1) = 1 Then
    R = Rnd() + RR *  $\gamma$ 
  Else
    R = 0
  End If
  If Cells(n, m - 1) = 1 Then
    L = Rnd() + LR *  $\gamma$ 
  Else
    L = 0
  End If

```

大体、300 回から 400 回ぐらい試行させると最短距離を見つけ出しそうですが、まだどんなパターンがあるのかよく分かりません。皆さん、ちょっとマウスには突破できそうにない障壁を作ってチャレンジしてみてください。どんな場合でも最短距離を見つけ出せるのかはよくわかってないのです。

しかし不思議な気持ちです。プログラムを組んだ自分が言うのもなんですが、なにかコンピューターの中にマウスが存在しているようです。それも根気強さと冒険心を持ち、成功した時はメモ帳にコースを記録するクールな頭まで持っているマウスです。

これは AI なのでしょう。それともこんなのはまだまだなのでしょう。でも最短距離を発見するのは間違いないのです。

君たちの中から、これをきっかけに、AI の研究者やデータサイエンティストが出てくれば、このテキストを書いた甲斐があります。

## Q 学習

そもそも Q 学習というのはコンピューターが学習する方法 (機械学習) の一つで、1989 年にクリス・ワトキンスが理論的にまとめた方法といわれています。

Q という名前には、こんな話があります。彼の論文のキーワードはまず一つは Probability (確率), もう一つは Reward (報酬) でした。彼のまとめた Q 学習法の Q は The Q is the expected return from action at a given state.

(彼の論文からの抜粋らしい) つまり「Q とは与えられた状態における行動に見合った報酬」というのが定義のようです。

```

Cells(k, 17) = U
Cells(k, 18) = D
Cells(k, 19) = R
Cells(k, 20) = L
Cells(n, m) = 1

```

'サイコロの目が最も大きかったセルに移動する

```

Select Case Cells(k, 21).Value
Case Is = 1
  Cells(n - 1, m) = 2
  n = n - 1
Case Is = 2
  Cells(n + 1, m) = 2
  n = n + 1
Case Is = 3
  Cells(n, m + 1) = 2
  m = m + 1
Case Is = 4
  Cells(n, m - 1) = 2
  m = m - 1
End Select

```

'もしゴールに達した時の処理

```

If Cells(8, 11) = 2 Then
  Cells(8, 12) = 2
  Cells(4 + step, 23) = step
  Cells(4 + step, 24) = -n
  Cells(4 + step, 25) = m
  step = 100
Else
End If
Cells(4 + step, 23) = step
Cells(4 + step, 24) = -n
Cells(4 + step, 25) = m
Next step
Cells(n, m) = 2

```

End Sub

Sub Q シート転写()

```

For k = 4 To 84
  Select Case Cells(k, 21).Value
  Case Is = 1
    Cells(k, 33) = Cells(k, 33) + 1
  Case Is = 2
    Cells(k, 34) = Cells(k, 34) + 1
  Case Is = 3
    Cells(k, 35) = Cells(k, 35) + 1
  Case Is = 4
    Cells(k, 36) = Cells(k, 36) + 1
  End Select

```

そこで行動の確率  $P$  と報酬  $R$  との関係の間の概念としてアルファベット順の  $P$  と  $R$  の間にある  $Q$  を名前として採用したということらしいです。ほんとかな?!でも、それっぽい感じもします。ちょっと遊び心のあるネーミングですね。

$\beta$ 版が動き出したら、再び障壁の位置や数を変え、いろいろな状況で最短距離を探索させてください。このプログラムは、いろいろな条件に対応して最短距離を探すとちょっと生命体のような動きをします。

実際の「機械学習」のテキストを見ると、まず数学的な背景が出てきて、よほど数式に慣れた人じゃないと読み込めないようになっています。このテキストのプログラムはすべて作者のオリジナルですが、そんな数学的な背景が無茶苦茶あって作っているわけではありません。

まずプログラミングしてみることに、そして動かすこと、この哲学で作られています。これを忘れないようにしてください。後から必要なら数学の言葉に翻訳すればいいのです。

このプログラムが正しいことは、**図 Q-21** が理屈を超えて証明してくれています。

```
Next k
End Sub
```

```
Private Sub CommandButton1_Click()
```

マウスの冒険

```
End Sub
```

```
Private Sub CommandButton2_Click()
```

Range(Cells(4, 33), Cells(84, 36)).Value = 0

```
End Sub
```

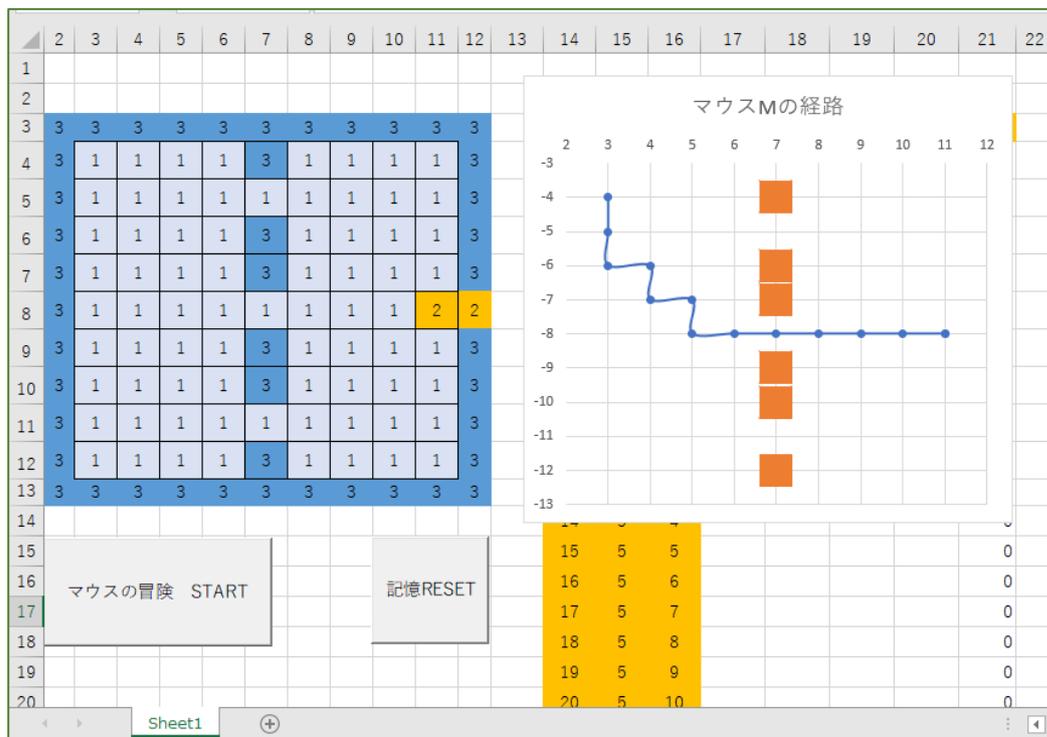


図 Q-21

## 課題Ⅷ 最短経路探索問題

マウスの冒険β版を利用して、障害物や実験エリアを工夫しオリジナルな最短経路探索問題を作成し実験せよ。

